

1	
[問 1]	【途中の式や計算など】
$x^2 - y^2$ $= (x + y)(x - y)$ $= \{(2 + \sqrt{7}) + (2 - \sqrt{7})\} \{(2 + \sqrt{7}) - (2 - \sqrt{7})\}$ $= 4 \times 2\sqrt{7}$ $= 8\sqrt{7}$	
(答え) $8\sqrt{7}$	
[問 2]	$x = 4, y = -1$
[問 3]	$x = 3, -9$
[問 4]	$x = 150$
[問 5]	$\frac{1}{18}$
[問 6]	

2	
[問 1]	4
[問 2]	【途中の式や計算など】
点 P の x 座標を t とおくと、 点 P($t, 12$), 点 Q(t, t^2) となり、 $PQ = 12 - t^2, AP = t$ である。 四角形 PQSR が正方形となるとき、 $PQ = 2AP$ であるから $12 - t^2 = 2t$ である。 $t^2 + 2t - 12 = 0$ より、 $t = -1 \pm \sqrt{13}$ $t > 0$ であるから $t = -1 + \sqrt{13}$ よって、求める線分 PQ の長さは $PQ = 2t = -2 + 2\sqrt{13}$ (cm)	
(答え) $PQ = -2 + 2\sqrt{13}$ cm	
[問 3]	$Q \left(\frac{10}{3}, \frac{100}{9} \right)$

3		
[問 1]	40	度
[問 2] (1)	【 証 明 】	
<p>△ABRと△PQRにおいて</p> <p>\widehat{BQ}に対する円周角は等しいから、</p> <p style="text-align: center;">$\angle BAQ = \angle QPR$</p> <p>すなわち</p> <p style="text-align: center;">$\angle BAR = \angle QPR \dots\dots ①$</p> <p>対頂角は等しいから</p> <p style="text-align: center;">$\angle ARB = \angle PRQ \dots\dots ②$</p> <p>①, ②より、</p> <p>2組の角がそれぞれ等しいから、</p> <p style="text-align: center;">$\triangle ABR \sim \triangle PQR$</p>		
[問 2] (2)	AR : RQ =	3 : 2

4		
[問 1]	$\sqrt{55}$	cm^2
[問 2]	【途中の式や計算など】	
<p>△BCD は1辺の長さが4 cm の正三角形で、</p> <p>$CE = 2(\text{cm})$, $BE \perp CD$ だから、</p> <p style="text-align: center;">$BE = 2\sqrt{3}(\text{cm})$</p> <p>である。</p> <p>$AP = x$ とすると、△ABP で三平方の定理より、</p> <p style="text-align: center;">$BP^2 = AB^2 - AP^2$</p> <p style="text-align: center;">$= 4^2 - x^2$</p> <p style="text-align: center;">$= 16 - x^2 \dots\dots ①$</p> <p>同様に、△EBP で三平方の定理より、</p> <p style="text-align: center;">$BP^2 = BE^2 - EP^2$</p> <p style="text-align: center;">$= (2\sqrt{3})^2 - (4-x)^2$</p> <p style="text-align: center;">$= -4 + 8x - x^2 \dots\dots ②$</p> <p>①, ②より、</p> <p style="text-align: center;">$16 - x^2 = -4 + 8x - x^2$</p> <p style="text-align: center;">$x = \frac{20}{8} = \frac{5}{2}$</p> <p>よって、</p> <p style="text-align: center;">$AP = \frac{5}{2}(\text{cm})$</p>		
(答え) $AP = \frac{5}{2} \text{ cm}$		
[問 3]	$\frac{\sqrt{39}}{3}$	cm^3