

数 学 正 答 表

(28-墨)

No. 1

1

[問 1] 28

問1
5

[問 2] $-\frac{2}{3}, -1$

問2
5

[問 3] $a = 2, b = 1$

問3
6

[問 4] $\left(\frac{a+2b}{3} \right) \%$

問4
6

[問 5] およそ 50 個

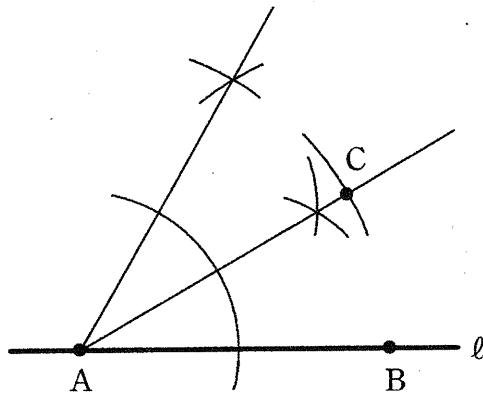
問5
6

[問 6] $30\pi \text{ cm}^3$

問6
6

[問 7]
解答例

問7
6



2

[問 1] $0 \leq y \leq 27$

問1
6

[問 2] 【途中の式や計算など】
解答例

問2
8

四角形 APBQ は平行四辺形であるから、
点 P と点 A の y 座標の差は、
点 B と点 Q の y 座標の差と等しくなる。
点 A と点 B の座標は、
それぞれ (-3, 3), (9, 27) である。

点 P の座標を (s, t) とおくと、
点 P と点 A の y 座標の差は、
 $t - 3$

点 B と点 Q の y 座標の差は、
 $27 - 18 = 9$ より、
 $t - 3 = 9$

$t = 3 + 9 = 12$
点 P は曲線 f 上の点であるから、

$$12 = \frac{1}{3}s^2 \text{ より, } s^2 = 36$$

$$-3 < s < 9 \text{ より, } s = 6$$

したがって、
点 P の座標は, P (6, 12)

(答え) P (6, 12)

[問 3] $x = 5$

問3
6

3

[問 1] $\left(60 - \frac{a}{2} \right)$ 度

問1
6

[問 2] 【証明】

問2
8

解答例

 $\triangle APQ$ と $\triangle BCQ$ において、

対頂角は等しいから、

$$\angle AQP = \angle BQC \dots \textcircled{1}$$

2点 B, C が、直線 AP について同じ側にあり、

$$\angle ABP = \angle ACP$$
 だから、

円周角の定理の逆より、

4点 A, B, C, P は同じ円の周上にある。

 \widehat{AB} に対する円周角は等しいから、

$$\angle APB = \angle BCA$$

すなわち、

$$\angle APQ = \angle BCQ \dots \textcircled{2}$$

①, ②より、2組の角がそれぞれ等しいから、

$$\triangle APQ \sim \triangle BCQ$$

[問 3] $\sqrt{5}$ cm²

問3
6

4

[問 1] $\frac{2\sqrt{7}}{3}$ cm

問1
6

[問 2] 【途中の式や計算など】

問2
8

解答例

四角すい A-EPRQ は、

2つの三角すい P-AER と Q-AER に
分けることができる。それぞれ底面は $\triangle AER$ で共通、BD // PQ より、PQ \perp $\triangle AER$ であるから、
2つの三角すいの底面を $\triangle AER$ としたときの
高さの和は PQ である。

三平方の定理より、

$$PQ = BD = \sqrt{6^2 + 6^2} = 6\sqrt{2},$$

$$AC = \sqrt{6^2 + 6^2} = 6\sqrt{2}$$

 $\triangle AER$ の面積は、

$$\frac{1}{2} \times AE \times AC = \frac{1}{2} \times 6 \times 6\sqrt{2} = 18\sqrt{2}$$

よって、求める体積は、

$$\begin{aligned} \frac{1}{3} \times \triangle AER \times PQ &= \frac{1}{3} \times 18\sqrt{2} \times 6\sqrt{2} \\ &= 72 \text{ (cm}^3\text{)} \end{aligned}$$

(答え)

72

cm³

[問 3] $\frac{18\sqrt{3}}{7}$ cm

問3
6