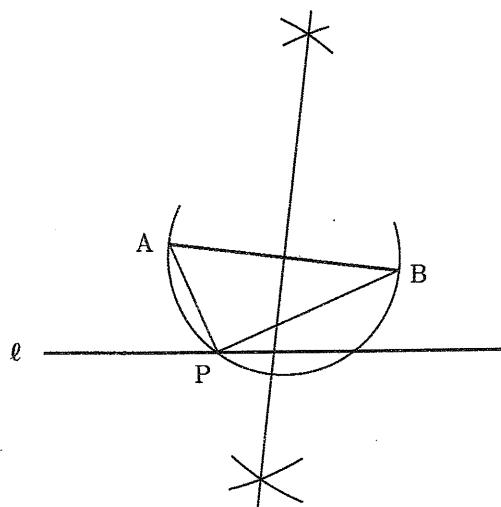


数 学

| 1 | | 点 |
|--------------|------------------------------------|---|
| [問 1] | $8\sqrt{3} - 9$ | 5 |
| [問 2] | $1 \pm 2\sqrt{2}$ | 5 |
| [問 3] | $x = \frac{1}{2}, y = \frac{1}{2}$ | 5 |
| [問 4] | $\frac{5}{12}$ | 5 |
| [問 5] 解答例 | | 5 |



※ □ の欄には、記入しないこと。

| 小計 1 | 小計 2 | 小計 3 | 小計 4 |
|------|------|------|------|
| | | | |

| 2 | | 点 |
|--------------|--------------------|----|
| [問 1] | $\frac{1}{2}$ | 7 |
| [問 2] 解答例 | (1) 【途中の式や計算など】 | 10 |
| | | |

P(2, 4) であるから、B(-2, 4) であり、
A(2+k, 4), C(2+k, (2+k)²)
と表すことができる。

直線 m の傾きは 2 であるから、BA : AC = 1 : 2
さらに、
 $BA = (2+k) - (-2) = k + 4$
 $AC = (2+k)^2 - 4 = k^2 + 4k$
よって、
 $(k+4) : (k^2 + 4k) = 1 : 2$
 $k^2 + 4k = 2(k+4)$
 $k^2 + 2k - 8 = (k+4)(k-2) = 0$
 $k > 0$ より、 $k = 2$
 $\triangle PCB = \triangle QCB$ より、直線 m と直線 PQ の傾き
は等しい。よって、直線 PQ の傾きは 2 である。
P(2, 4), A(4, 4) より、Q(4, 8)
直線 BQ の式を $y = px + q$ とすると、

$$\begin{cases} 4 = -2p + q \\ 8 = 4p + q \end{cases}$$

これを解いて、 $p = \frac{2}{3}, q = \frac{16}{3}$
したがって、直線 BQ の式は
 $y = \frac{2}{3}x + \frac{16}{3}$

(答え) $y = \frac{2}{3}x + \frac{16}{3}$

[問 2] (2) $\left(\frac{5}{2}, \frac{9}{4}\right)$ 8

| 3 | | 点 |
|--------------|-------------|----|
| [問 1] | (180 - a) 度 | 7 |
| [問 2] 解答例 | 【証明】 | 10 |
| | | |
| | | |

$\angle BEC = \angle BDC = 90^\circ$ から、
円周角の定理の逆により、
4点 B, C, D, E は BC を直径とする円周上にある。
 \widehat{BE} に対する円周角は等しいので、
 $\angle BDE = \angle BCE$
さらに、
 $\angle ABC = 90^\circ - \angle BCE$
 $\angle ADE = 90^\circ - \angle BDE$
よって、
 $\angle ABC = \angle ADE$ ①
 $\triangle ABC$ と $\triangle ADE$ において、
 $\angle A$ は共通 ②
①, ② より、2組の角がそれぞれ等しいので
 $\triangle ABC \sim \triangle ADE$

| 4 | | 点 |
|--------------|--------------------|----|
| [問 1] | 60 度 | 7 |
| [問 2] 解答例 | (1) 【途中の式や計算など】 | 10 |
| | | |

線分 AB は底面の円の直径であるから、
 $\angle APB = 90^\circ$
 $\triangle APB$ は、 $\angle APB = 90^\circ$, AB=8cm, AP=6cm
の直角三角形であるから、
 $BP = \sqrt{8^2 - 6^2} = 2\sqrt{7}$
同様に、 $\angle PBR = 90^\circ$, BR=6cm である。
辺 BD は底面に垂直であるから、辺 BR は面 PBDQ
に垂直である。
四角形 PBDQ の面積は、
 $BP \times BD = 2\sqrt{7} \times 6 = 12\sqrt{7}$
したがって、四角すい R-PBDQ の体積は、
 $\frac{1}{3} \times 12\sqrt{7} \times 6 = 24\sqrt{7} \text{ (cm}^3\text{)}$

(答え) $24\sqrt{7} \text{ cm}^3$

[問 3] $\frac{75}{13} \text{ cm}$ 8

[問 2] (2) $\frac{156}{5} \text{ cm}^2$ 8